

数学解答用紙①

1 32点	(1)	$\frac{2x+5}{3}$	(2)	$(y+1)(2x-y+1)$
	(3)	$\frac{7\pm 3\sqrt{5}}{2}$	(4)	$x = \frac{12}{5}, y = -3$
	(5)	$4 + 3\sqrt{3}$	(6)	70
	(7)	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	(8)	24

2 12点	(1)	36 通り	(2)	27 通り	(3)	15 通り
-----------------	-----	-------	-----	-------	-----	-------

3 12点	(1)	16 %
	(2)	<p>1回の操作で取り出した食塩水の重さをxgとする。 ただし、$0 \leq x \leq 100$である。 2回の操作が終わった後の食塩の重さについて方程式を立てると</p> $25 \times \left(1 - \frac{x}{100}\right)^2 = 15.21$ $\left\{5 \times \left(1 - \frac{x}{100}\right)\right\}^2 = \left(\frac{3 \times 13}{10}\right)^2$ $0 \leq 5 \times \left(1 - \frac{x}{100}\right), 0 < \frac{3 \times 13}{10} \text{ より}$ $5 \times \left(1 - \frac{x}{100}\right) = \frac{39}{10}$ $100 - x = 78$ $x = 22$ <p>これは$0 \leq x \leq 100$を満たす。 よって、1回の操作で取り出す食塩水の重さは22gである。</p>
		22 g

受験 番号	
----------	--

小計	
----	--

数学解答用紙②

4
20点

(1) $\triangle AFC$ と $\triangle DFE$ において
 仮定より
 AD は $\angle OAC$ の二等分線なので
 $\angle CAF = \angle OAD \cdots \textcircled{1}$
 線分 OA と線分 OD はともに円の半径なので
 $\triangle OAD$ は $OA = OD$ の二等辺三角形になり
 $\angle OAD = \angle EDF \cdots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}$ 、 $\textcircled{2}$ より
 $\angle CAF = \angle EDF \cdots \textcircled{3}$
 また、対頂角は等しいので
 $\angle AFC = \angle DFE \cdots \textcircled{4}$
 $\textcircled{3}$ 、 $\textcircled{4}$ より二組の角がそれぞれ等しいので
 $\triangle AFC \sim \triangle DFE$

(2) (1)より $\triangle AFC \sim \triangle DFE$ なので $\angle ACF = \angle DEF \cdots \textcircled{1}$
 線分 AB は直径なので $\angle ACB = 90^\circ \cdots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}$ 、 $\textcircled{2}$ より $\angle DEF = 90^\circ$
 これと対頂角より $\angle OEB = \angle DEF = 90^\circ$
 したがって $\triangle OBE$ は直角三角形である。

(3) $CE = \sqrt{21}$ $AD = \sqrt{70}$

受験
番号

小
計

数学解答用紙③

5
24点

(1)	$l: y = x + 4$	$C(a, a + 4)$
(2)	$\frac{1 + \sqrt{17}}{2}$	(3) $\frac{-1 + \sqrt{17}}{2}$
(4)	<p>(i) 直線 l が辺 AD と交わる時 辺 AD と直線 l の交点を M とすると 直線 l によって $\triangle MDC$ と台形 $MABC$ に分けられる。 点 M が辺 AD の中点となる時 台形 $MABC : \triangle MDC = 3 : 1$ となる。 このとき、M の座標は $\left(-a, \frac{a^2 + a + 4}{2}\right)$ と表されるので $\frac{a^2 + a + 4}{2} = -a + 4$ と(2)より、$a = 1$</p> <p>(ii) 直線 l が辺 AB と交わる時 辺 AB と直線 l の交点を N とすると 直線 l によって $\triangle NBC$ と台形 $NADC$ に分けられる。 点 N が辺 AB の中点となる時 台形 $MADC : \triangle NBC = 3 : 1$ となる。 このとき、N の座標は点 $(0, a^2)$ と表されるので $a^2 = 0 + 4$ と(2)より $a = 2$</p> <p>(i)(ii)より $a = 1, 2$</p>	
		1, 2

受験 番号	
----------	--

小 計	
--------	--

得 点	
--------	--